

## MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II (examen resuelto y criterios de corrección)

- Responde en el pliego en blanco a **cuatro preguntas** cualesquiera de entre las ocho que se proponen. Todas las preguntas se calificarán con un máximo de **2.5 puntos**.
- Agrupaciones de preguntas que sumen más de 10 puntos o que no coincidan con las indicadas conllevarán la **anulación** de la(s) última(s) pregunta(s) seleccionada(s) y/o respondida(s).

**Pregunta 1.** a) Puesto que:

$$B \cdot C = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 2m \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} m & 2 \\ -1 & 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} m+1 & 2 \\ -m & 2 \end{pmatrix}$$

entonces:

$$A + B \cdot C = \begin{pmatrix} -m & m-2 \\ 2m & 2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} m+1 & 2 \\ -m & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & m \\ m & 4 \end{pmatrix}$$

con lo que:

$$\frac{1}{3} \cdot (A + B \cdot C) \cdot D = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} x + my \\ mx + 4y \end{pmatrix}$$

La expresión  $\frac{1}{3} \cdot (A + B \cdot C) \cdot D = E$  equivale a  $(A + B \cdot C) \cdot D = 3 \cdot E$ , de modo que el sistema se puede escribir como:

$$\begin{cases} x + my = 3 \\ mx + 4y = 3m \end{cases}$$

b) Dos de las posibles formas de realizar la discusión de este sistema son:

■ **Gauss.**

$$\left( \begin{array}{cc|c} 1 & m & 3 \\ m & 4 & 3m \end{array} \right) \rightarrow \left( \begin{array}{cc|c} 1 & m & 3 \\ 0 & 4-m^2 & 0 \end{array} \right)$$

Como  $4 - m^2 = 0 \Leftrightarrow m = \pm 2$  se tiene que:

- Si  $m = \pm 2$ , la última fila es  $(0 \ 0 \ | \ 0)$ , con lo que el sistema es compatible indeterminado.
- En otro caso, si  $m \neq \pm 2$ , el sistema es compatible y determinado.

■ **Rouché-Fröbenius.** Como:

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & m \\ m & 4 \end{vmatrix} = 4 - m^2 = 0 \Leftrightarrow m = \pm 2$$

se tiene que:

- Para  $m = -2$ , como:

$$\begin{vmatrix} 1 & -2 \\ -2 & 4 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ -2 & -6 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \text{ran}(A') = \text{ran}(A) = 1,$$

por lo que el sistema es compatible indeterminado.

- Para  $m = 2$ , similar:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 4 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow \text{ran}(A') = \text{ran}(A) = 1,$$

por lo que el sistema es compatible indeterminado.

- Para  $m \neq \pm 2$ , el sistema es compatible y determinado, puesto que  $\text{ran}(A) = 2$  y por tanto  $\text{ran}(A) = \text{ran}(A') = n^\circ$  incógnitas.

Así pues, la compatibilidad de este sistema quedaría resumida en el siguiente cuadro:

$m = \pm 2$	S.C.I.
$m \neq \pm 2$	S.C.D.

Por lo tanto, el sistema tiene solución para todo  $m$  y dicha solución es única si  $m \neq \pm 2$ .

Si  $m = 1$ , la resolución del sistema, tomando como punto de partida los métodos usados anteriormente en el estudio de la compatibilidad, se haría como sigue:

- **Método de Gauss.** Continuando con lo obtenido anteriormente y teniendo en cuenta que se supone que  $m = 1$ , se tiene que:

$$\left( \begin{array}{cc|c} 1 & 1 & 3 \\ 0 & 3 & 0 \end{array} \right) \rightarrow \begin{cases} x + y = 3 \\ 3y = 0 \end{cases}$$

Resolviendo este sistema escalonado:

$$\begin{cases} y = 0 \\ x = 3 - 0 = 3 \end{cases}$$

- **Método de Cramer.** Como ya vimos en el apartado anterior,  $|A| = 4 - m^2$ , con lo que si  $m = 1$  se tiene que  $|A| = 3$ .

Por otro lado, se tiene que:

$$|A_x| = \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ 3 & 4 \end{vmatrix} = 9, \quad |A_y| = \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 1 & 3 \end{vmatrix} = 0.$$

Por tanto, la solución es:

$$x = \frac{|A_x|}{|A|} = \frac{9}{3} = 3, \quad y = \frac{|A_y|}{|A|} = \frac{0}{3} = 0.$$

**Pregunta 2.** a) Si representamos por  $x$  e  $y$  el número de gorros y bufandas, respectivamente, las condiciones impuestas llevan a formar el siguiente sistema de inecuaciones:

$$\begin{cases} 50x + 100y \leq 2200 \\ 40x + 100y \leq 2000 \\ x \leq 2y \\ x, y \geq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x + 2y \leq 44 \\ 2x + 5y \leq 100 \\ x - 2y \leq 0 \\ x, y \geq 0 \end{cases}$$

Los puntos que cumplen todas estas restricciones son todos los pares de números enteros dentro del recinto sombreado de la figura 1. Los extremos de dicho recinto son  $A = (22, 11)$ ,  $B = (20, 12)$ ,  $C = (0, 20)$  y  $D = (0, 0)$ .

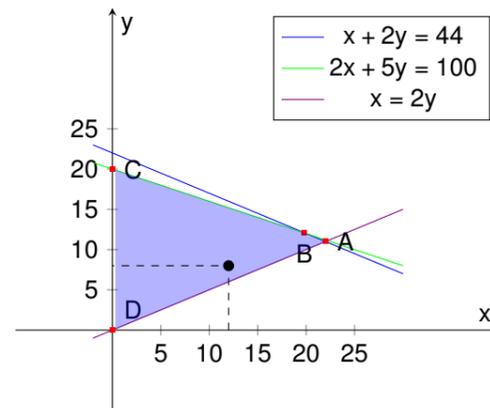


Figura 1: Región factible.

Sí se podrían hacer 12 gorros y 8 bufandas puesto que el punto (12, 8) pertenece a la región factible. Dicho de otro modo, satisface todas las inecuaciones planteadas.

b) La función de ingresos es  $z(x, y) = 12x + 18y$ . Así, queremos maximizar la función objetivo  $z$  sujeta a las restricciones anteriores. Los valores en los extremos del recinto son:

$$\begin{aligned} z(A) &= 12 \cdot 22 + 18 \cdot 11 = 462 \text{ euros} \\ z(B) &= 12 \cdot 20 + 18 \cdot 12 = 456 \text{ euros} \\ z(C) &= 12 \cdot 0 + 18 \cdot 20 = 360 \text{ euros} \\ z(D) &= 12 \cdot 0 + 18 \cdot 0 = 0 \text{ euros} \end{aligned}$$

por lo que los ingresos máximos se alcanzan si se hacen 22 gorros y 11 bufandas. En ese caso los ingresos son 462 euros.

**Pregunta 3.** a) Al tratarse de una función definida a trozos mediante dos polinomios, es evidente que el dominio de definición de  $f$  es todo el intervalo  $[0, 5]$ .

En cuanto a la continuidad, la función es continua en cada uno de sus dos intervalos de definición (por ser dos polinomios) y el único posible punto de discontinuidad está en  $x = 2$ . Observamos que:

- En cuanto al valor de la función:  $f(2) = 80$ .
- En cuanto a los límites:

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} (-60x^2 + 160x) = 80 \quad \text{y} \quad \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{10}{3}(x^2 - 14x + 48) = 80$$

De todo lo anterior se deduce que la función es continua en todo su dominio de definición.

En cuanto a los puntos de corte:

- En el primer tramo se tiene que  $f(x) = x(-60x + 160)$ , que se anula para  $x = 0$  o  $x = 8/3$ . Puesto que este último valor no está en el intervalo  $[0, 2]$ , el único punto de corte con el eje X en este tramo es el  $(0, 0)$ .
- En el segundo tramo,  $f(x) = \frac{10}{3}(x^2 - 14x + 48) = \frac{10}{3} \cdot (x - 6)(x - 8)$ . Puesto que 6 y 8 no están en el intervalo  $(2, 5]$ , la función  $f$  no corta al eje de abscisas en este tramo.

Vamos a continuar estudiando la monotonía de esta función:

- En el primer intervalo,  $f'(x) = -120x + 160$ , con lo que la función  $f$  tiene un extremo relativo en  $x = \frac{4}{3}$ . Además,  $f'(x) > 0$  para  $x < \frac{4}{3}$ , por lo que es creciente en el intervalo  $[0, \frac{4}{3})$ , y  $f'(x) < 0$  para  $x > \frac{4}{3}$ , por lo que es decreciente en  $(\frac{4}{3}, 2]$ .
- En el segundo intervalo,  $f'(x) = \frac{10}{3}(2x - 14)$ , de modo que  $f'(x) < 0$  en ese intervalo, con lo que  $f$  es decreciente en el intervalo  $(2, 5]$ .

En cuanto a la derivada segunda:

- En el primer intervalo,  $f''(x) = -120$ , con lo que la función  $f$  es cóncava hacia abajo ( $\cap$ ) en ese intervalo y en el punto  $x = \frac{4}{3}$  alcanza un máximo.  $f(\frac{4}{3}) = \frac{320}{3} \approx 106.67$ .
- En el segundo,  $f''(x) = \frac{20}{3} > 0$ , con lo que  $f$  es cóncava hacia arriba ( $\cup$ ) en ese tramo.

De todo lo anterior se deduce que la representación gráfica de  $f$  es la que corresponde a la figura 2.

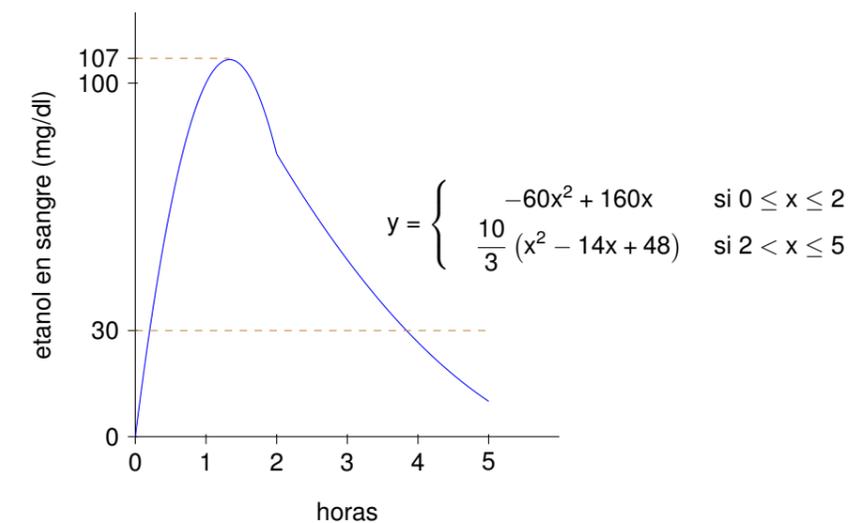


Figura 2: Representación gráfica de  $f$ .

- b) Como se puede deducir de dicha representación gráfica, si el límite permitido en sangre es de 30 mg/dl, a las 3 horas no podría conducir ya que su nivel de etanol en sangre sería  $f(3) = \frac{10}{3}(3^2 - 14 \cdot 3 + 48) = 50$  mg/dl. También se deduce de dicha gráfica y del estudio de la función, que a las 5 horas sí podría conducir ya que  $f(5) = \frac{10}{3}(5^2 - 14 \cdot 5 + 48) = 10$  mg/dl. El nivel en sangre en ese momento sería 10 mg/dl.

**Pregunta 4.** a) Puesto que  $f(x) = x^3 - 2x^2 - 3x$ , entonces  $F(x) = \int f(x)dx = \frac{x^4}{4} - \frac{2x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + C$ . Por otro lado, como se indica que  $F(2) = 0$ , se tiene que  $F(2) = \frac{2^4}{4} - \frac{2 \cdot 2^3}{3} - \frac{3 \cdot 2^2}{2} + C = -\frac{22}{3} + C$ , con lo que  $C = \frac{22}{3}$  y, por tanto, la primitiva buscada es  $F(x) = \frac{x^4}{4} - \frac{2x^3}{3} - \frac{3x^2}{2} + \frac{22}{3}$ .

b) La función  $f$  está definida para todo el conjunto de los números reales, puesto que es un polinomio.

La función  $f$  corta al eje de ordenadas en el punto  $(0, f(0))$ , es decir, en el punto  $(0, 0)$ . Además como  $f(x) = x^3 - 2x^2 - 3x = x(x + 1)(x - 3) = 0 \Leftrightarrow x = 0$  o  $x = -1$  o  $x = 3$ , se tiene que  $f$  también corta al eje de abscisas en los puntos  $(-1, 0)$  y  $(3, 0)$ .

En cuanto a las asíntotas, no tiene asíntotas verticales, puesto que no tiene puntos de discontinuidad en su dominio. Respecto a las asíntotas horizontales se tiene que:

$$\begin{aligned}\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) &= \lim_{x \rightarrow \infty} x^3 - 2x^2 - 3x = +\infty. \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) &= \lim_{x \rightarrow -\infty} x^3 - 2x^2 - 3x = -\infty.\end{aligned}$$

Para estudiar el crecimiento y decrecimiento de la función, vamos a comenzar calculando los puntos críticos. Para ello,

$$f'(x) = 3x^2 - 4x - 3 = 0 \Leftrightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{13}}{3}.$$

Puesto que  $f''(x) = 6x - 4$ , se tiene que  $f''(\frac{2-\sqrt{13}}{3}) < 0$ , de modo que  $x = \frac{2-\sqrt{13}}{3} \approx -0.5352$  es un máximo relativo y  $f(\frac{2-\sqrt{13}}{3}) \approx 0.8794$ . En cuanto al otro punto donde se anula la derivada primera,  $f''(\frac{2+\sqrt{13}}{3}) > 0$ , por lo que  $x = \frac{2+\sqrt{13}}{3} \approx 1.869$  es un mínimo relativo y  $f(\frac{2+\sqrt{13}}{3}) \approx -6.065$ .

Estudiando en detalle la segunda derivada,  $f''(x) = 0$  para  $x = \frac{2}{3}$  y  $f(\frac{2}{3}) \approx -2.5926$ . Además,  $f''(x) < 0$  para  $x < \frac{2}{3}$ , de modo que la función es cóncava hacia abajo ( $\cap$ ) para  $x \in (-\infty, \frac{2}{3})$  y  $f''(x) > 0$  para  $x > \frac{2}{3}$ , de modo que la función es cóncava hacia arriba ( $\cup$ ) para  $x \in (\frac{2}{3}, \infty)$ .

De todo lo anterior se deduce que su representación gráfica es la que aparece en la figura 3.

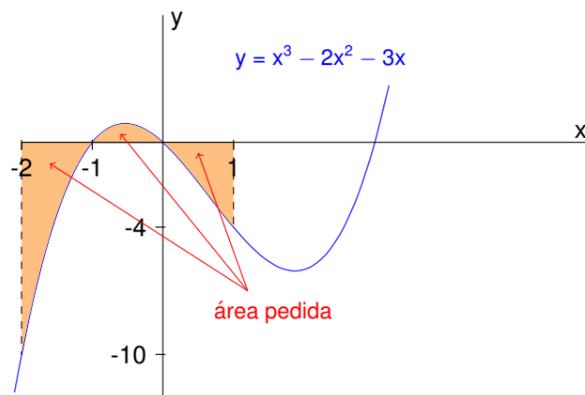


Figura 3: Representación gráfica de f.

El área limitada por la curva f y el eje X entre  $x = -2$  y  $x = 1$ , teniendo en cuenta la representación gráfica de la figura 3 y la expresión obtenida para F en el apartado anterior, es igual a:

$$\begin{aligned}\left| \int_{-2}^{-1} f(x) dx \right| + \left| \int_{-1}^0 f(x) dx \right| + \left| \int_0^1 f(x) dx \right| &= |F(-1) - F(-2)| + |F(0) - F(-1)| + |F(1) - F(0)| = \\ |27/4 - 32/3| + |22/3 - 27/4| + |65/12 - 22/3| &= 47/12 + 7/12 + 23/12 = 77/12 \approx 6.4167.\end{aligned}$$

**Pregunta 5.** Si denotamos por R el suceso «cromo del Reino Rosa» y por D el suceso «cromo dorado», los datos del enunciado se traducen en:

$$\begin{aligned}P(R) &= 0.6 \\ P(D/R) &= 1/3 \\ P(D/\bar{R}) &= 0.2\end{aligned}$$

con lo que las probabilidades pedidas son:

$$a) P(D) = P(R) \cdot P(D/R) + P(\bar{R}) \cdot P(D/\bar{R}) = 0.6 \cdot 1/3 + 0.4 \cdot 0.2 = 0.28.$$

$$b) P(R/\bar{D}) = \frac{P(R \cap \bar{D})}{P(\bar{D})} = \frac{P(R) \cdot P(\bar{D}/R)}{P(\bar{D})} = \frac{0.6 \cdot 2/3}{0.72} = 0.556.$$

donde  $P(\bar{D})$  se obtiene a partir de  $P(D)$  que se obtuvo en el apartado anterior:  $P(\bar{D}) = 1 - P(D) = 1 - 0.28 = 0.72$ .

Si se hace el ejercicio construyendo una tabla, la asociada a estos datos sería proporcional a:

	R	$\bar{R}$	
D	20	8	28
$\bar{D}$	40	32	72
	60	40	100

**Pregunta 6.** Si denotamos por E el suceso «estudiante extranjero» y por R el suceso «vive en residencia», los datos del enunciado se traducen en:

$$\begin{aligned}P(E \cap R) &= 0.1 \\ P(\bar{E}) &= 0.8 \quad \Rightarrow \quad P(E) = 0.2 \\ P(\bar{R}/\bar{E}) &= 0.75 \quad \Rightarrow \quad P(R/\bar{E}) = 0.25\end{aligned}$$

con lo que las probabilidades pedidas son:

$$a) P(\bar{E} \cap \bar{R}) = P(\bar{E})P(\bar{R}/\bar{E}) = 0.8 \cdot 0.75 = 0.6$$

$$b) P(\bar{R}/E) = 1 - P(R/E) = 1 - 0.5 = 0.5, \text{ donde:}$$

$$P(R/E) = \frac{P(R \cap E)}{P(E)} = \frac{0.1}{0.2} = 0.5.$$

Si se hace el ejercicio construyendo una tabla, la asociada a estos datos sería proporcional a:

	R	$\bar{R}$	
E	10	10	20
$\bar{E}$	20	60	80
	30	70	100

**Pregunta 7.** a) Al estimar la proporción poblacional, el mínimo tamaño que ha de tener la muestra para verificar estas condiciones es:

$$n \geq \left( z_{\alpha/2} \frac{\sqrt{p(1-p)}}{\epsilon} \right)^2$$

donde:

- $\epsilon$  representa el error de estimación, en este caso  $\epsilon \leq 0.05$ ,
- $p$  representa la proporción poblacional, que es un valor desconocido. Al no conocer el valor de  $p$  y no poder estimarlo, puesto que aún no tenemos una muestra, se considera el caso más desfavorable posible, es decir, el valor que maximiza la desviación típica, que es  $p = 0.5$  y
- $z_{\alpha/2}$  representa el valor que cumple  $P(|Z| < z_{\alpha/2}) = P(-z_{\alpha/2} < Z < z_{\alpha/2}) = 1 - \alpha = 0.95$  para una variable  $Z$  con distribución  $N(0, 1)$  o lo que es lo mismo,  $P(Z < z_{\alpha/2}) = F(z_{\alpha/2}) = 0.975$ , con lo que  $z_{\alpha/2} = 1.96$ .

De todo lo anterior se deduce que:

$$n \geq \left( 1.96 \frac{\sqrt{0.5(1-0.5)}}{0.05} \right)^2 = 384.16$$

Así pues, el tamaño mínimo muestral con el que podemos asegurar que se cumplen las condiciones es de 385 tabletas.

b) Representamos por  $\hat{p}$  la proporción de tabletas que alcanzan el contenido en leche indicado en el envoltorio en la muestra. Puesto que  $n = 300$  tabletas,  $\hat{p} = \frac{264}{300} = 0.88$ .

El intervalo de confianza, al nivel de confianza  $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ , para una proporción poblacional en muestras grandes es:

$$\left( \hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}}, \hat{p} + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}(1-\hat{p})}{n}} \right)$$

donde  $\hat{p}$  representa la proporción muestral,  $n$  el tamaño de muestra y  $z_{\alpha/2}$  el valor que cumple  $P(|Z| < z_{\alpha/2}) = 1 - \alpha$  para una variable  $Z$  con distribución  $N(0, 1)$ .

Así pues, con los datos de este ejercicio se tiene que un intervalo de confianza para la proporción de tabletas que alcanzan el contenido indicado de leche, al 90% de confianza, es:

$$\left( 0.88 - 1.64 \sqrt{\frac{0.88(1-0.88)}{300}}, 0.88 + 1.64 \sqrt{\frac{0.88(1-0.88)}{300}} \right) = (0.8492; 0.9108),$$

puesto que ya habíamos visto que  $\hat{p} = 0.88$ ,  $n = 300$  y que al 90% de nivel de confianza se tiene que  $z_{\alpha/2} = 1.64$ .

Así pues, tenemos una confianza del 90% de que el verdadero porcentaje de tabletas con el contenido indicado en leche está entre el 84.92% y el 91.08%.

**Pregunta 8.** Si denotamos por  $X$  la v.a. «nivel de la hormona en sangre», sabemos que dicha variable sigue una distribución normal de media desconocida  $\mu$  y desviación típica  $\sigma = 1.2$  UI/l, es decir,  $X \rightarrow N(\mu, 1.2)$ .

a) Para dicha variable aleatoria tenemos una muestra aleatoria de tamaño  $n = 200$  para la cual se obtiene como media muestral  $\bar{x} = 8.7$  UI/l.

Un intervalo de confianza, al nivel de confianza  $(1 - \alpha) \cdot 100\%$ , para la media poblacional de una variable aleatoria con distribución normal y desviación típica conocida es:

$$\left( \bar{x} - z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$

donde

- $\bar{x}$  representa la media muestral, en este caso  $\bar{x} = 8.7$  UI/l,
- $n$  representa el tamaño de muestra, en este caso  $n = 200$ ,
- $\sigma$  representa la desviación típica poblacional, en este caso  $\sigma = 1.2$  UI/l y
- $z_{\alpha/2}$  representa el valor que cumple que  $P(|Z| < z_{\alpha/2}) = 1 - \alpha$  para una variable  $Z$  con distribución  $N(0, 1)$ , es decir, el valor que cumple que  $P(|Z| < z_{\alpha/2}) = P(-z_{\alpha/2} < Z < z_{\alpha/2}) = 1 - \alpha = 0.9$  o lo que es lo mismo,  $P(Z < z_{\alpha/2}) = F(z_{\alpha/2}) = 0.95$ , es decir,  $z_{\alpha/2} = 1.64$ .

Así pues, con los datos de este ejercicio se tiene que un intervalo de confianza para la media, al 90% de confianza es:

$$\left( 8.7 - 1.64 \frac{1.2}{\sqrt{200}}, 8.7 + 1.64 \frac{1.2}{\sqrt{200}} \right) = (8.5608, 8.8392),$$

es decir, tenemos una confianza del 90% de que el nivel medio está entre 8.56 y 8.84 UI/l.

b) El error en la estimación es la mitad de la amplitud del intervalo, equivalentemente:

$$\epsilon = 1.64 \frac{1.2}{\sqrt{200}} \approx 0.1392$$

c) Si es un intervalo al 88% de confianza, debe ser un intervalo más estrecho que el obtenido en el apartado a), ya que aquel se había construido al 90% de confianza.

El error en la estimación del primero de los intervalos dados en este apartado es  $\epsilon_1 = \frac{8.8319 - 8.5681}{2} = 0.1319$ .

El error en la estimación del segundo es  $\epsilon_2 = \frac{8.8486 - 8.5514}{2} = 0.1486$ . Es decir, el error del primero,  $\epsilon_1$ , es menor que el error obtenido en el apartado b); mientras que el error del segundo,  $\epsilon_2$ , es mayor. Por tanto, el intervalo buscado tiene que ser el primero de los dados: (8.5681, 8.8319).

### **Criterios específicos de corrección**

**Pregunta 1. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, C y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1.25 puntos la primera cuestión y 1.25 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección:

- a) Operaciones con matrices: 1. Plantear el sistema: 0.25.
- b) Discutir el sistema: 0.5. Contestar a la pregunta sobre la unicidad: 0.25. Resolver el sistema: 0.5.

**Pregunta 2. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, C y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1.75 puntos la primera cuestión y 0.75 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección:

- a) Plantear las inecuaciones: 0.75. Representar la región factible: 0.75. Cuestión: 0.25.
- b) Primera cuestión: 0.5. Segunda cuestión: 0.25.

**Pregunta 3. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, B y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1.75 puntos la primera cuestión y 0.75 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección:

- a) Estudiar la función: 1.25. Representarla en base al estudio: 0.5.
- b) Responder a cada cuestión: 0.25.

**Pregunta 4. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, B y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 0.5 puntos la primera cuestión y 2 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección:

- a) 0.25 por la integral y 0.25 por obtener la constante.
- b) Estudiar la función: 0.75. Representarla en base al estudio: 0.25. Área: 1.

**Pregunta 5. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, D y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1.25 puntos la primera cuestión y 1.25 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección: Es necesario obtener de forma razonada las probabilidades pedidas.

**Pregunta 6. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, D y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1.25 puntos la primera cuestión y 1.25 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección: Es necesario obtener de forma razonada las probabilidades pedidas.

**Pregunta 7. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, D y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1 punto la primera cuestión y 1.5 puntos la segunda. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección: Es necesario obtener de forma razonada el intervalo de confianza y el tamaño muestral.

**Pregunta 8. SABERES BÁSICOS** a los que corresponde la pregunta: A, D y E.

**CALIFICACIÓN** máxima otorgada: 1.5 puntos la primera cuestión, 0.5 puntos la segunda y 0.5 puntos la tercera. Máximo 2.5 puntos.

**PORCENTAJE** asignado a la pregunta con respecto al total de la prueba: 25 %.

**CRITERIOS ESPECÍFICOS** de corrección: Es necesario obtener de forma razonada el intervalo de confianza y justificar adecuadamente las respuestas en los dos últimos apartados.